CENTRALNA KOMISJA EGZAMINACYJNA

Arkusz zawiera informacje prawnie chronione do momentu rozpoczęcia egzaminu.

MMA 2020

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

PESEL

miejsce na naklejkę

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

POZIOM ROZSZERZONY

DATA: **7 maja 2020 r.**
GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**
CZAS PRACY: **180 minut**
LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **50**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia zdającego do:

- ☐ dostosowania kryteriów oceniania
- ☐ nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę

NOWA FORMUŁA

Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 22 strony (zadania 1–15). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–4) zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj ■ pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem ◉ i zaznacz właściwe.
4. W zadaniu 5. wpisz odpowiednie cyfry w kratki pod treścią zadania.
5. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (6–15) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
6. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
7. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
8. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
9. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
10. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
11. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.

MMA-R1_1P-202

MMA 2020

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Układ graficzny
© CKE 2015

W każdym z zadań od 1. do 4. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

Zadanie 1. (0–1)

Wielomian W określony wzorem $W(x)=x^{2019}-3x^{2000}+2x+6$

A. jest podzielny przez $(x-1)$ i z dzielenia przez $(x+1)$ daje resztę równą 6.

B. jest podzielny przez $(x+1)$ i z dzielenia przez $(x-1)$ daje resztę równą 6.

C. jest podzielny przez $(x-1)$ i jest podzielny przez $(x+1)$.

D. nie jest podzielny ani przez $(x-1)$, ani przez $(x+1)$.

Zadanie 2. (0–1)

Ciąg (a_n) jest określony wzorem $a_n=\frac{3n^2+7n-5}{11-5n+5n^2}$ dla każdej liczby naturalnej $n\geq 1$.

Granica tego ciągu jest równa

A. 3 **B.** $\frac{1}{5}$ **C.** $\frac{3}{5}$ **D.** $-\frac{5}{11}$

Zadanie 3. (0–1)

Mamy dwie urny. W pierwszej są 3 kule białe i 7 kul czarnych, w drugiej jest jedna kula biała i 9 kul czarnych. Rzucamy symetryczną sześcienną kostką do gry, która na każdej ściance ma inną liczbę oczek, od jednego oczka do sześciu oczek. Jeśli w wyniku rzutu otrzymamy ściankę z jednym oczkiem, to losujemy jedną kulę z pierwszej urny, w przeciwnym przypadku – losujemy jedną kulę z drugiej urny. Wtedy prawdopodobieństwo wylosowania kuli białej jest równe

A. $\frac{2}{15}$ **B.** $\frac{1}{5}$ **C.** $\frac{4}{5}$ **D.** $\frac{13}{15}$

Zadanie 4. (0–1)

Po przekształceniu wyrażenia algebraicznego $\left(x\sqrt{2}+y\sqrt{3}\right)^4$ do postaci $ax^4+bx^3y+cx^2y^2+dxy^3+ey^4$ współczynnik c jest równy

A. 6 **B.** 36 **C.** $8\sqrt{6}$ **D.** $12\sqrt{6}$

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

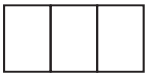
BRUDNOPIS

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Zadanie 5. (0–2)

W trójkącie ABC bok AB jest 3 razy dłuższy od boku AC, a długość boku BC stanowi $\frac{4}{5}$ długości boku AB. Oblicz cosinus najmniejszego kąta trójkąta ABC.

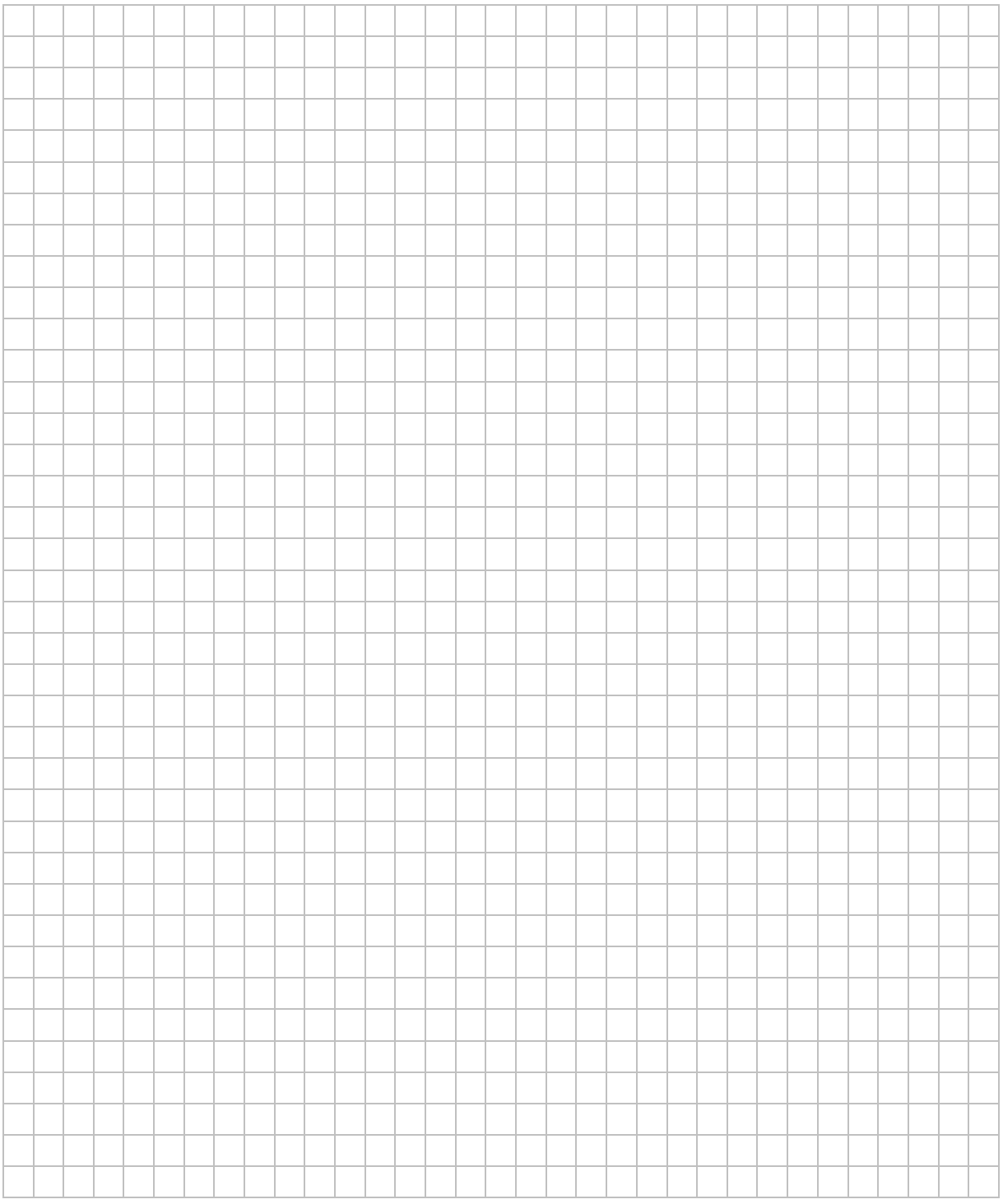
W kratki poniżej wpisz kolejno – od lewej do prawej – pierwszą, drugą oraz trzecią cyfrę po przecinku nieskończonego rozwinięcia dziesiętnego otrzymanego wyniku.



Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Zadanie 6. (0–3)

Wyznacz wszystkie wartości parametru a, dla których równanie $|x-5|=(a-1)^2-4$ ma dwa różne rozwiązania dodatnie.



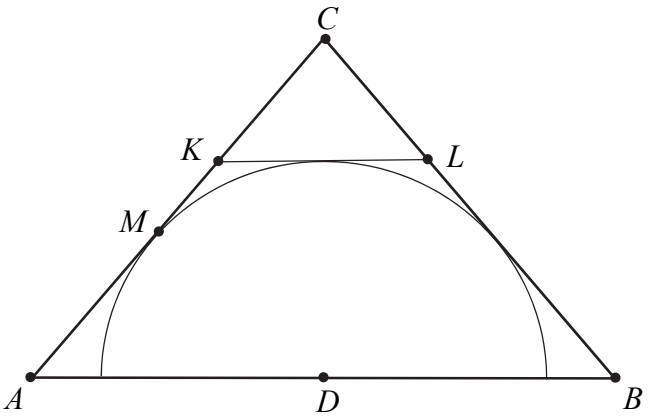
Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	**Nr zadania**	**5.**	**6.**
	Maks. liczba pkt	**2**	**3**
	Uzyskana liczba pkt		

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Zadanie 7. (0–3)

Dany jest trójkąt równoramienny ABC, w którym $|AC| = |BC| = 6$, a punkt D jest środkiem podstawy AB. Okrąg o środku D jest styczny do prostej AC w punkcie M. Punkt K leży na boku AC, punkt L leży na boku BC, odcinek KL jest styczny do rozważanego okręgu oraz $|KC| = |LC| = 2$ (zobacz rysunek).



Wykaż, że $\frac{|AM|}{|MC|} = \frac{4}{5}$.

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	7.
	Maks. liczba pkt	3
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 8. (0–3)

Liczby dodatnie a i b spełniają równość $a^2+2a=4b^2+4b$. Wykaż, że $a=2b$.

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Zadanie 9. (0–4)

Rozwiąż równanie $3\cos 2x + 10\cos^2 x = 24\sin x - 3$ dla $x \in \langle 0, 2\pi \rangle$.

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	8.	9.
	Maks. liczba pkt	3	4
	Uzyskana liczba pkt		

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Zadanie 10. (0–5)

W trzywyrazowym ciągu geometrycznym (a_1, a_2, a_3) spełniona jest równość $a_1 + a_2 + a_3 = \frac{21}{4}$.

Wyrazy a_1, a_2, a_3 są – odpowiednio – czwartym, drugim i pierwszym wyrazem rosnącego ciągu arytmetycznego. Oblicz a_1.

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	10.
	Maks. liczba pkt	5
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 11. (0–4)

Dane jest równanie kwadratowe $x^2-(3m+2)x+2m^2+7m-15=0$ z niewiadomą x. Wyznacz wszystkie wartości parametru *m*, dla których różne rozwiązania x_1 i x_2 tego równania istnieją i spełniają warunek

$$2x_1^2+5x_1x_2+2x_2^2=2.$$

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	**Nr zadania**	**11.**
	Maks. liczba pkt	**4**
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 12. (0–5)

Prosta o równaniu $x+y-10=0$ przecina okrąg o równaniu $x^2+y^2-8x-6y+8=0$ w punktach K i L. Punkt S jest środkiem cięciwy KL. Wyznacz równanie obrazu tego okręgu w jednokładności o środku S i skali $k=-3$.

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

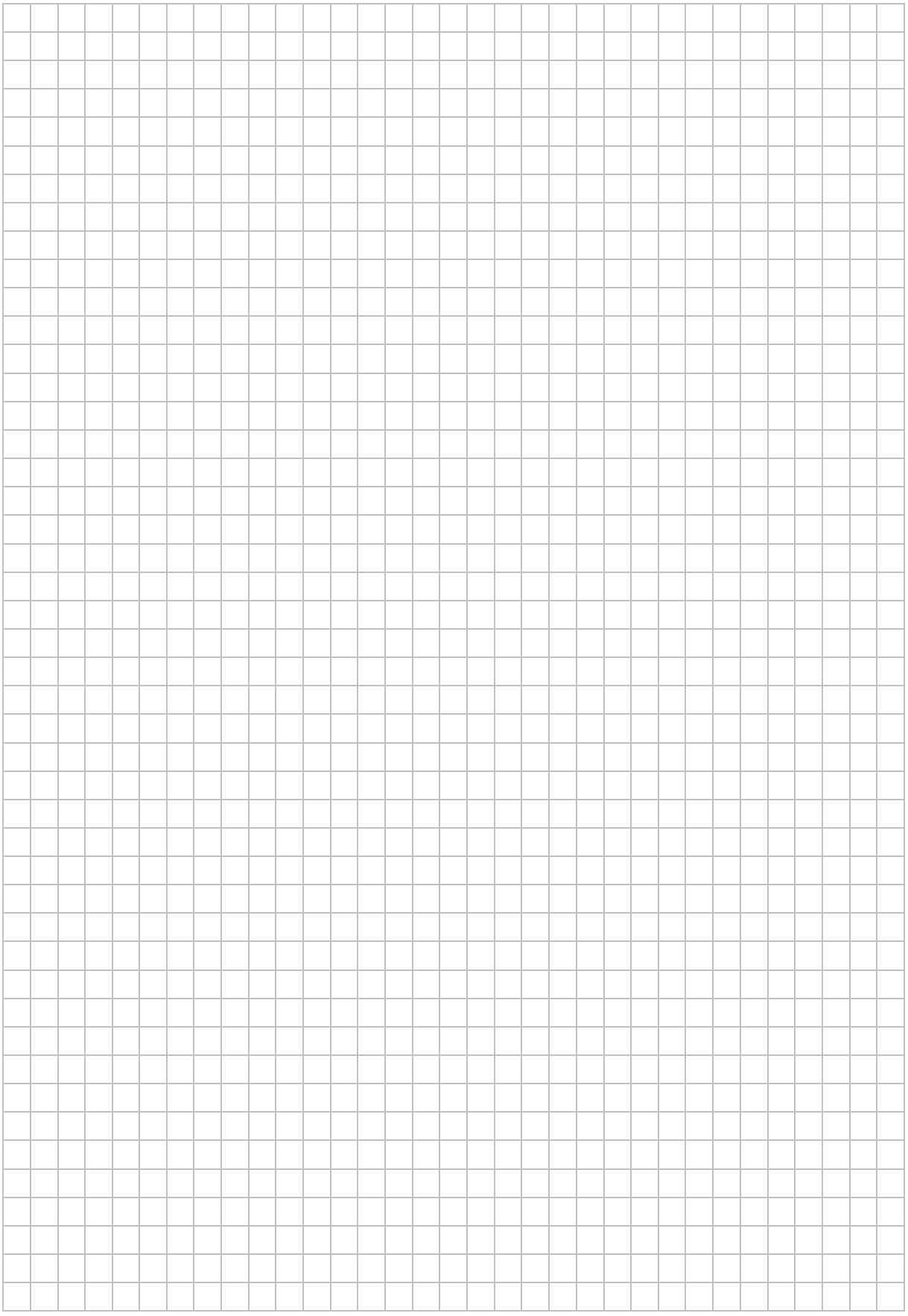
Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	12.
	Maks. liczba pkt	5
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 13. (0–4)

Oblicz, ile jest wszystkich siedmiocyfrowych liczb naturalnych, w których zapisie dziesiętnym występują dokładnie trzy cyfry 1 i dokładnie dwie cyfry 2.



Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	13.
	Maks. liczba pkt	4
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 14. (0–6)

Podstawą ostrosłupa czworokątnego $ABCDS$ jest trapez $ABCD$ $(AB \parallel CD)$. Ramiona tego trapezu mają długości $|AD| = 10$ i $|BC| = 16$, a miara kąta ABC jest równa 30°. Każda ściana boczna tego ostrosłupa tworzy z płaszczyzną podstawy kąt α, taki, że $\operatorname{tg}\alpha = \frac{9}{2}$. Oblicz objętość tego ostrosłupa.

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

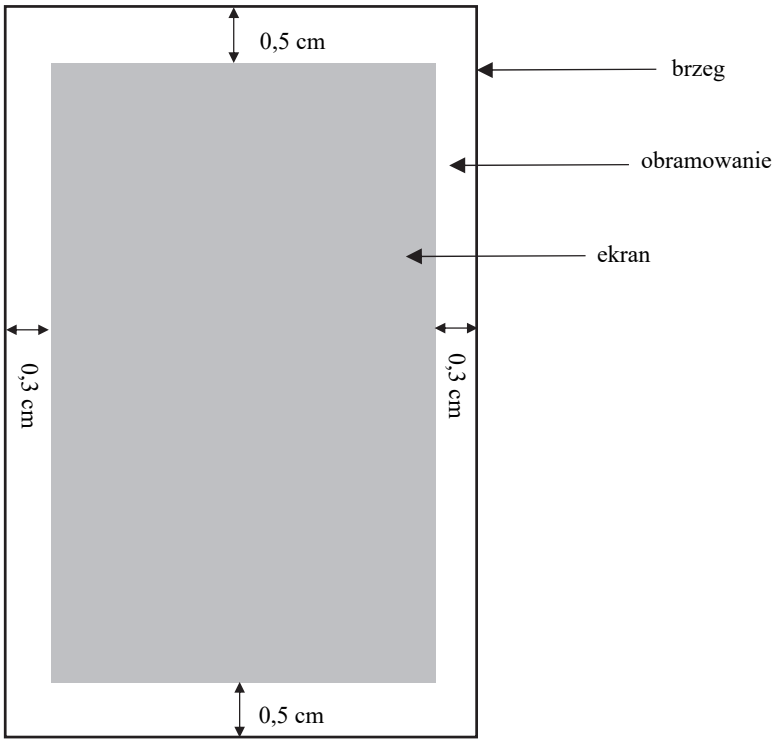
Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	**Nr zadania**	**14.**
	Maks. liczba pkt	**6**
	Uzyskana liczba pkt	

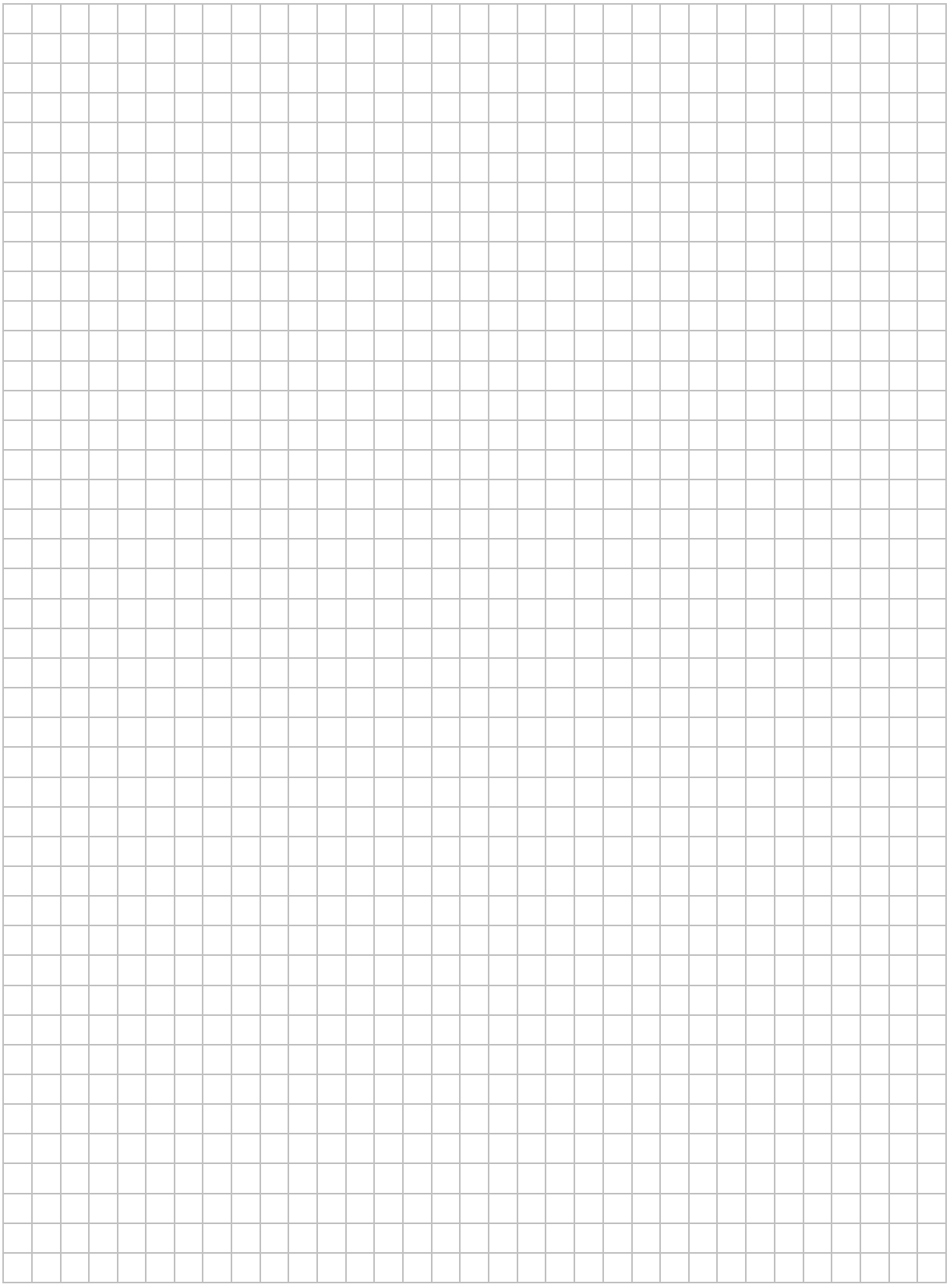
Zadanie 15. (0–7)

Należy zaprojektować wymiary prostokątnego ekranu smartfona, tak aby odległości tego ekranu od krótszych brzegów smartfona były równe 0,5 cm każda, a odległości tego ekranu od dłuższych brzegów smartfona były równe 0,3 cm każda (zobacz rysunek – ekran zaznaczono kolorem szarym). Sam ekran ma mieć powierzchnię 60 cm^2. Wyznacz takie wymiary ekranu smartfona, przy których powierzchnia ekranu wraz z obramowaniem jest najmniejsza.



Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

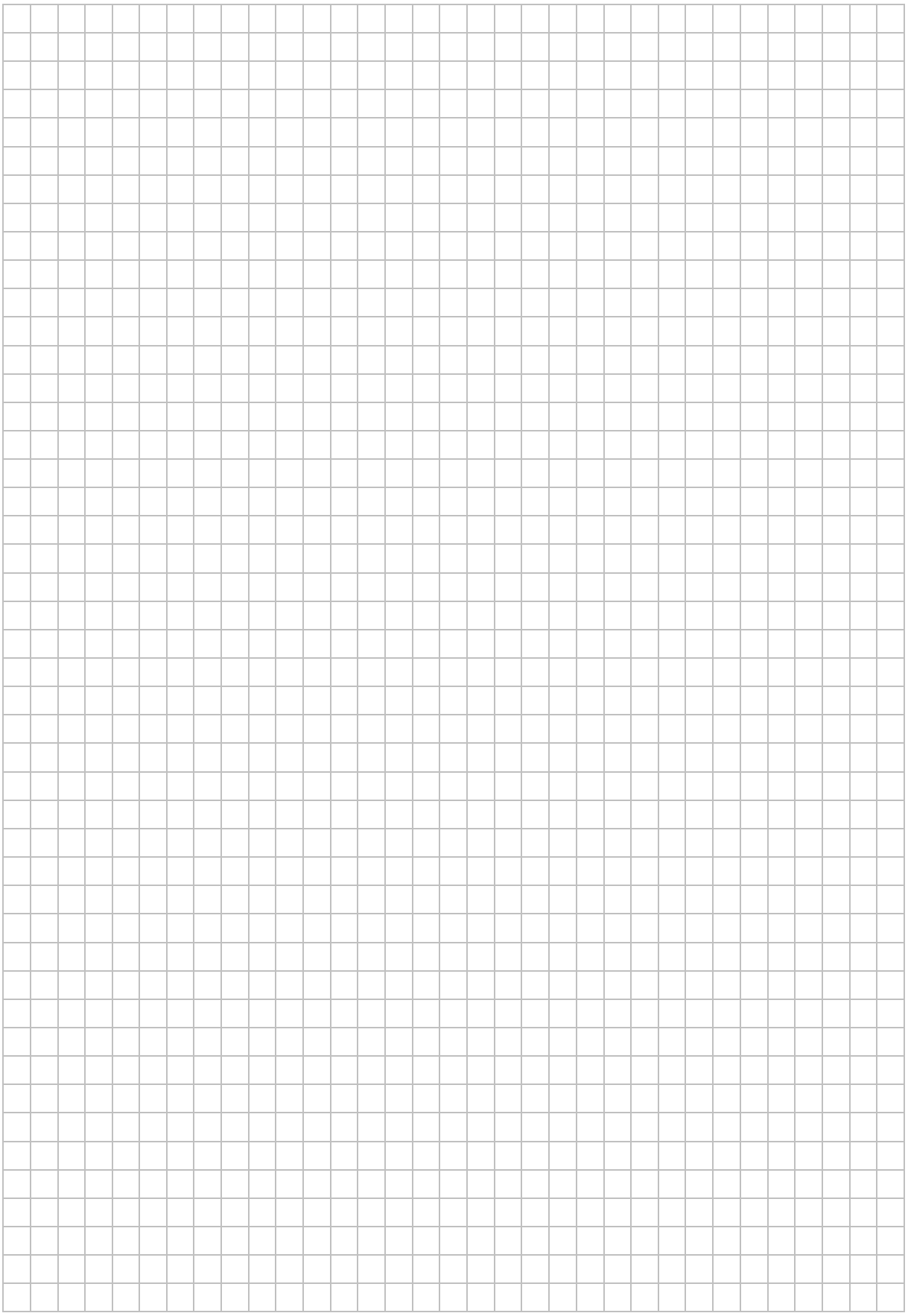
Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl



Odpowiedź: ..... .

Wypełnia egzaminator	**Nr zadania**	**15.**
	Maks. liczba pkt	**7**
	Uzyskana liczba pkt	

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*



Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl

Więcej arkuszy znajdziesz na stronie: mathouse.pl